

## Übung zur Vorlesung *Grundlagen: Datenbanken im WS23/24*

Christoph Anneser, Michael Jungmair, Stefan Lehner, Moritz Sichert, Lukas Vogel  
(gdb@in.tum.de)

<https://db.in.tum.de/teaching/ws2324/grundlagen/>

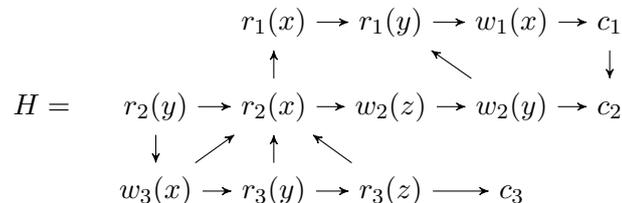
### Blatt Nr. 14

Bitte beachten Sie, dass die Gruppe 32 am Donnerstag, den 08.02.2024, ausfällt.

Unter <https://transactions.db.in.tum.de/> finden Sie ein Tool, um Aufgaben zu Transaktionen zu üben.

### Hausaufgabe 1

Die Historie  $H$  für die Transaktionen  $T_1$ ,  $T_2$  und  $T_3$  sei durch das folgende Diagramm gegeben:



- Geben Sie alle Konfliktoperationen von  $H$  an.
- Geben Sie eine total geordnete Historie  $H'$  an (also eine „lineare“ Abfolge von Operationen), die konfliktäquivalent zu  $H$  ist.
- Geben Sie an, welche Transaktionen voneinander lesen.
- Geben Sie den Serialisierbarkeitsgraphen von  $H$  an.
- Geben Sie eine serielle Historie  $H''$  an, die konfliktäquivalent zu  $H$  ist.

### Lösung:

- Geben Sie alle Konfliktoperationen von  $H$  an.

$r_2(x), w_1(x)$   
 $w_3(x), r_2(x)$   
 $w_3(x), r_1(x)$   
 $w_3(x), w_1(x)$   
 $w_2(y), r_1(y)$   
 $r_3(y), w_2(y)$   
 $r_3(z), w_2(z)$

Die Operationen  $r_1(x), w_1(x)$  und  $r_2(y), w_2(y)$  werden nicht als Konfliktoperationen bezeichnet, da sie jeweils der selben Transaktion angehören.

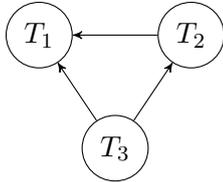
b) Geben Sie eine total geordnete Historie  $H'$  an (also eine „lineare“ Abfolge von Operationen), die konfliktäquivalent zu  $H$  ist.

Beispielsweise:  $r_2(y), w_3(x), r_3(y), r_3(z), c_3, r_2(x), r_1(x), w_2(z), w_2(y), r_1(y), w_1(x), c_1, c_2$

c) Geben Sie an, welche Transaktionen voneinander lesen.

$T_1$  liest von  $T_3$  und  $T_2$ ,  $T_2$  liest von  $T_3$ .

d) Geben Sie den Serialisierbarkeitsgraphen von  $H$  an.



e) Geben Sie eine serielle Historie  $H''$  an, die konfliktäquivalent zu  $H$  ist.

$H''$  muss die Transaktionen in der Reihenfolge  $T_3, T_2, T_1$  enthalten:

$H'' = T_3|T_2|T_1 = w_3(x), r_3(y), r_3(z), c_3, r_2(y), r_2(x), w_2(z), w_2(y), c_2, r_1(x), r_1(y), w_1(x), c_1$

### Hausaufgabe 2

Kreuzen Sie alle Eigenschaften an, die von den Historien erfüllt werden.

a)  $H_1 =$

Schritt	$T_1$	$T_2$	$T_3$
1	$w(x)$		
2		$r(x)$	
3		$w(y)$	
4		$c$	
5			$r(y)$
6			$w(z)$
7			$c$
8	$c$		

richtig	falsch	Aussage
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	Die Historie ist serialisierbar (SR)
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	Die Historie ist rücksetzbar (RC)
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	Die Historie ist vermeidet kaskadierendes Rücksetzen (ACA)
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	Die Historie ist strikt (ST)

b)  $H_2 =$

Schritt	$T_1$	$T_2$
1	$w(x)$	
2	$w(z)$	
3		$w(z)$
4	$c$	
5		$w(x)$
6		$c$

richtig	falsch	Aussage
✓		Die Historie ist serialisierbar (SR)
✓		Die Historie ist rücksetzbar (RC)
✓		Die Historie ist vermeidet kaskadierendes Rücksetzen (ACA)
	✓	Die Historie ist strikt (ST)

### Hausaufgabe 3

In der Vorlesung haben Sie Serialisierbarkeitsgraphen und den Wartegraphen des (strikten) 2PL kennen gelernt.

- Was bedeutet eine Kante  $T_1 \rightarrow T_2$  im Serialisierbarkeitsgraphen einer Historie  $H$ ?
- Gehen Sie davon aus, dass die Datenbank die 2PL-Strategie verwendet. Was bedeutet eine Kante  $T_1 \rightarrow T_2$  in einem Wartegraphen? Worin besteht der Unterschied zu Aufgabe a)?
- Was bedeutet ein Kreis im Serialisierbarkeitsgraphen einer Historie  $H$ ? Was im Wartegraphen? Wo liegt der Unterschied?
- Wie viele neue Kanten werden dem Wartegraphen maximal hinzugefügt, wenn eine Transaktion eine S-Sperre anfordert? Wie viele bei einer X-Sperre?

### Lösung

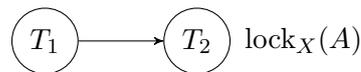
- In jeder zu  $H$  äquivalenten seriellen Historie wird  $T_1$  vor  $T_2$  ausgeführt, da es in der Historie  $H$  Konfliktoperationen zwischen  $T_1$  und  $T_2$  gibt, für die  $H$  die Reihenfolge  $T_1$  vor  $T_2$  festlegt.
- Die Transaktion  $T_1$  fordert eine Sperre auf mindestens ein Datenobjekt an, auf welches  $T_2$  bereits eine Sperre hat und muss daher warten. Die Kante verläuft hier also anders herum als in Teilaufgabe a), da sie als *warten auf* und nicht *geschieht vor* definiert ist.
- Ein Kreis im Serialisierbarkeitsgraphen bedeutet, dass  $H$  nicht serialisierbar ist, es also keine äquivalente serielle Historie gibt. Ein Datenbanksystem kann Sie also nicht ausführen ohne das Prinzip der Isolation zu verletzen.

Ein Kreis im Wartegraphen hingegen bedeutet, dass es unter der strikten 2PL-Strategie zu einem Deadlock gekommen ist und eine der im Kreis enthaltenen Transaktionen zurückgesetzt werden muss. Es bedeutet **nicht**, dass es keine äquivalente serielle Historie gibt. Es kann also sein, dass der Scheduler sie lediglich nicht gefunden hat. Striktes 2PL kann also eigentlich serialisierbare Historien ablehnen. Es garantiert aber, dass es bei allen **nicht serialisierbaren** Historien irgendwann während der Ausführung zum Deadlock kommt.

- S-Sperre:** Wenn eine Transaktion  $T$  eine S-Sperre anfordert und warten muss, dann muss eine andere Transaktion bereits eine X-Sperre auf das entsprechende Datenobjekt haben, denn: Hätten alle anderen Transaktionen keine Sperren, so bekäme unsere Transaktion  $T$  die Sperre sofort. Hätten andere Transaktionen S-Sperren, so müsste  $T$  ebenfalls nicht warten, da jedes Objekt mehrere Leser haben kann.

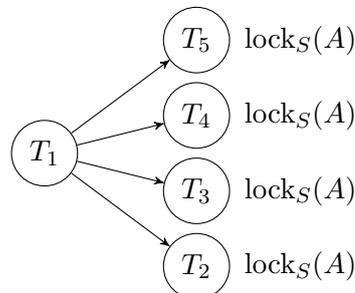
Hat jedoch eine andere Transaktion bereits eine X-Sperre, so ist diese exklusiv, da X-Sperren weder mit S-Sperren noch mit anderen X-Sperren kompatibel sind. Unsere

Transaktion  $T$  würde also ausschließlich auf diese Transaktion warten und würde dem Wartegraphen höchstens eine Kante hinzufügen.



In dieser Darstellung hat  $T_2$  bereits eine X-Sperre auf  $A$ . Die Transaktion  $T_1$  will eine S-Sperre und fügt dem Wartegraphen so maximal eine Kante hinzu.

**X-Sperre:** Wenn eine Transaktion  $T$  nun eine X-Sperre auf ein Datenobjekt anfordert, dann kann es im schlimmsten Fall sein, dass alle anderen in der Datenbank aktiven Transaktionen dieses Datenobjekt bereits lesen (denn S-Sperren sind zueinander kompatibel). Bei  $n$  Transaktionen könnte es also bis zu  $n - 1$  S-Sperren geben. Wenn nun  $T$  eine X-Sperre anfordert, muss sie warten, bis jede einzelne dieser S-Sperren aufgehoben worden ist und damit dem Wartegraphen  $n - 1$  Kanten hinzufügen.



In dieser Darstellung haben  $T_2$  bis  $T_5$  bereits S-Sperren auf  $A$ . Die Transaktion  $T_1$  will eine X-Sperre und fügt dem Wartegraphen so vier Kanten hinzu.

#### Hausaufgabe 4

- Erläutern Sie kurz die zwei Phasen des 2PL-Protokolls.
- Inwiefern unterscheidet sich das *strenge* 2PL?
- Welche Eigenschaften (SR,RC,ACA,ST) haben Historien, welche vom 2PL und vom strengen 2PL zugelassen werden?
- Wäre es beim strengen 2PL-Protokoll ausreichend, alle Schreibsperren bis zum EOT (Transaktionsende) zu halten, aber Lesesperren schon früher wieder freizugeben?

#### Lösung:

- Jede Transaktion durchläuft zwei Phasen:
  - Eine *Wachstumsphase*, in der sie Sperren anfordern, aber keine freigeben darf und
  - eine *Schrumpfungsphase*, in der sie Sperren freigibt, jedoch keine neuen Sperren anfordern darf.
- Alle Sperren werden bis zum Ende der Transaktion gehalten und gemeinsam freigegeben. Die Schrumpfungsphase entfällt somit.

- c) 2PL garantiert Historien aus SR. Das strenge 2PL garantiert Historien aus  $SR \cap ST$ .
- d) Es ist ausreichend, beim strengen 2PL-Protokoll nur die Schreibsperrern bis zum Ende der Transaktion zu halten. Lesesperren können analog zum normalen 2PL-Protokoll in der Schrumpfungsphase (nach wie vor jedoch nicht in der Wachstumsphase) peu à peu freigegeben werden. Die generierten Schedules bleiben serialisierbar und strikt.

### Begründung

- Schon das normale 2PL bietet Serialisierbarkeit; diese ist also auch hier gegeben.
- Das Halten der Schreibsperrern bis zum Ende der Transaktion stellt sicher, dass keine Transaktion von einer anderen lesen oder einen von ihr modifizierten Wert überschreiben kann, bevor diese nicht ihr **commit** durchgeführt hat.

Es gilt:

$$\forall T_i : \forall T_j : (i \neq j) \forall A : (w_i(A) <_H r_j(A)) \vee (w_i(A) <_H w_j(A)) \Rightarrow (c_i <_H r_j(A)) \text{ bzw. } (c_i <_H w_j(A))$$

### Hausaufgabe 5

Bei der sperrbasierten Synchronisation hat jedes Datenobjekt eine zugehörige Sperre. Bevor eine Transaktion zugreifen darf, muss sie eine Sperre anfordern. Dabei unterscheiden wir zwei Sperrmodi: Lese- und Schreibsperre.

- Erläutern Sie kurz die Unterschiede.
- Geben Sie deren Verträglichkeiten an (wenn mehrere Transaktionen Sperren auf dem selben Datenobjekt anfordern).

### Lösung:

- Eine Lesesperre (auch *S*-Sperre, shared lock) für ein Datum wird angefordert bevor eine Transaktion das Datum lesen möchte. Ein Schreibvorgang erfordert eine entsprechende Schreibsperre (auch *X*-Sperre, exclusive lock).

Mehrere Transaktionen können gleichzeitig eine *S*-Sperre auf dem selben Datenobjekt besitzen, wohingegen maximal eine Transaktion eine *X*-Sperre für ein Datum besitzen kann.

- Verträglichkeitsmatrix (auch Kompatibilitätsmatrix):

angeforderte Sperre	gehaltene Sperre		
	keine	<i>S</i>	<i>X</i>
<i>S</i>	✓	✓	–
<i>X</i>	✓	–	–